

問1 次の計算をした結果として正しいものを、それぞれあとの1～4の中から1つずつ選び、その番号を答えなさい。

(ア)  $-7+(-8)$

1.  $-15$

2.  $-1$

3.  $1$

4.  $15$

(イ)  $\frac{1}{9}-\frac{1}{2}$

1.  $-\frac{11}{18}$

2.  $-\frac{7}{18}$

3.  $\frac{7}{18}$

4.  $\frac{11}{18}$

(ウ)  $\frac{3x+2y}{5}-\frac{2x+3y}{6}$

1.  $\frac{8x-3y}{30}$

2.  $\frac{8x+27y}{30}$

3.  $\frac{28x-3y}{30}$

4.  $\frac{28x+27y}{30}$

(エ)  $\frac{6}{\sqrt{3}}+\sqrt{48}$

1.  $4\sqrt{3}$

2.  $5\sqrt{3}$

3.  $6\sqrt{3}$

4.  $7\sqrt{3}$

(オ)  $(x+6)(x+4)-(x-7)^2$

1.  $-24x-25$

2.  $-4x-25$

3.  $4x-25$

4.  $24x-25$

問2 次の問いに対する答えとして正しいものを、それぞれあとの1～4の中から1つずつ選び、その番号を答えなさい。

(ア)  $(x-8)^2-6(x-4)-16$  を因数分解しなさい。

1.  $(x-4)(x-18)$       2.  $(x-2)(x-8)$       3.  $(x+4)(x-18)$       4.  $(x+2)(x-8)$

(イ) 2次方程式  $7x^2-x-2=0$  を解きなさい。

1.  $x = \frac{-1 \pm \sqrt{57}}{14}$       2.  $x = \frac{-1 \pm \sqrt{55}}{14}$       3.  $x = \frac{1 \pm \sqrt{55}}{14}$       4.  $x = \frac{1 \pm \sqrt{57}}{14}$

(ウ) 関数  $y = ax^2$  について、 $x$  の値が  $-5$  から  $-1$  まで増加するときの変化の割合が  $2$  であった。このときの  $a$  の値を求めなさい。

1.  $a = -\frac{1}{2}$       2.  $a = -\frac{1}{3}$       3.  $a = \frac{1}{3}$       4.  $a = \frac{1}{2}$

(エ) ある美術館に、大人1人と子ども2人で行ったところ、3人の入館料の合計が2520円であった。大人1人の入館料と子ども1人の入館料の比が  $8:3$  であるとき、子ども1人の入館料を求めなさい。

1. 480円      2. 510円      3. 540円      4. 570円

(オ)  $2 < \sqrt{n} < 3$  をみたす自然数  $n$  のうち、 $\sqrt{50-2n}$  が整数となるような  $n$  の値を求めなさい。

1.  $n=5$       2.  $n=6$       3.  $n=7$       4.  $n=8$

(カ) 1辺の長さが6cmの正八面体の表面積を求めなさい。

1.  $48\sqrt{3} \text{ cm}^2$       2.  $56\sqrt{3} \text{ cm}^2$       3.  $64\sqrt{3} \text{ cm}^2$       4.  $72\sqrt{3} \text{ cm}^2$

問3 次の問いに答えなさい。

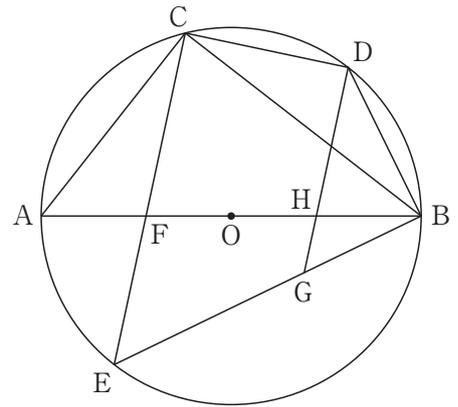
(ア) 右の図1のように、線分ABを直径とする円Oの周上に、2点A, Bとは異なる点Cを、 $AC < BC$ となるようにとり、点Aを含まない $\widehat{BC}$ 上に点Dを、 $BD = CD$ となるようにとる。

また、点Cを含まない $\widehat{AB}$ 上に点Eを、 $\angle CBD = \angle ABE$ となるようにとり、線分ABと線分CEとの交点をFとする。

さらに、線分BE上に点Gを、 $CE \parallel DG$ となるようにとり、線分ABと線分DGとの交点をHとする。

このとき、次の(i), (ii)に答えなさい。

図1



(i) 三角形ACFと三角形GBHが相似であることを次のように証明した。□(a)□, □(b)□に最も適するものを、それぞれ選択肢の1~4の中から1つずつ選び、その番号を答えなさい。

[証明]

$\triangle ACF$ と $\triangle GBH$ において、

まず、 $\widehat{AE}$ に対する円周角は等しいから、  
 $\angle ACE = \angle ABE$   
 よって、 $\angle ACF = \angle GBH$  ……①

次に、対頂角は等しいから、  
 $\angle AFC = \angle EFB$  ……②

また、 $CE \parallel DG$ より、平行線の同位角は等しいから、  
 $\angle EFB = \angle GHB$  ……③

②, ③より、□(a)□ ……④

①, ④より、□(b)□から、  
 $\triangle ACF \sim \triangle GBH$

- (a)の選択肢
1.  $\angle AFC = \angle GHB$
  2.  $\angle AFE = \angle BFC$
  3.  $\angle AHG = \angle BHD$
  4.  $\angle BCD = \angle CBD$

- (b)の選択肢
1. 1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい
  2. 2組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しい
  3. 3組の辺の比がすべて等しい
  4. 2組の角がそれぞれ等しい

(ii) 次の□の中の「あ」「い」にあてはまる数字をそれぞれ0~9の中から1つずつ選び、その数字を答えなさい。

$\angle AFE = 78^\circ$ のとき、 $\angle BDG$ の大きさは□あ□ $^\circ$ である。

(イ) Aさんは、箱ひげ図について先生と話をしている。次の会話文はそのときのものである。□に  
あてはまるものとして最も適するものを、あとの1～9の中から1つ選び、その番号を答えなさい。

会話文

先生 「図2は、ある中学校の同じ部活動に所属する生徒18人が、ある月にバスを利用した回数を箱ひげ図にまとめたものです。この箱ひげ図からわかることにはどのようなものがありますか。」

Aさん 「利用回数が7回だった生徒が少なくとも1人いることがわかります。」

先生 「そうですね。では、利用回数が6回だった生徒が少なくとも1人いることはわかりますか。」

Aさん 「わかりません。利用回数が6回だった生徒が1人もいない場合もあります。」

先生 「その通りです。では、利用回数が7回だった生徒が少なくとも1人いることはわかりましたが、利用回数が7回だった生徒は最大で何人いる可能性がありますか。」

Aさん 「利用回数が7回だった生徒は最大で4人いる可能性があります。」

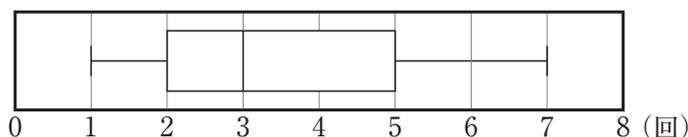
先生 「その通りです。では、利用回数がある回数だった生徒は最大で8人いる可能性があります。そのある回数はわかりますか。」

Aさん 「利用回数が□だった生徒が最大で8人いる可能性があります。」

先生 「その通りです。箱ひげ図について、これからも学んでいきましょうね。」

Aさん 「はい。」

図2



- |          |          |          |
|----------|----------|----------|
| 1. 1回と2回 | 2. 1回と3回 | 3. 1回と5回 |
| 4. 2回と3回 | 5. 2回と4回 | 6. 2回と5回 |
| 7. 3回と4回 | 8. 3回と5回 | 9. 4回と5回 |

(ウ) 次の  中の「う」「え」「お」「か」にあてはまる数字をそれぞれ 0～9 の中から 1 つずつ選び、その数字を答えなさい。

右の図 3 において、三角形 ABC は  $\angle ABC = 90^\circ$  の直角三角形である。

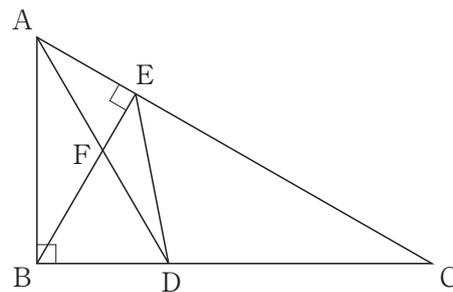
また、点 D は辺 BC 上の点で、 $AD = CD$  である。

さらに、点 E は線分 AC 上の点で、 $AC \perp BE$  であり、点 F は線分 AD と線分 BE との交点である。

$BF = DF$ 、 $AB = 8 \text{ cm}$  のとき、線分 DE の長さは

$\frac{\text{う}\sqrt{\text{えお}}}{\text{か}} \text{ cm}$  である。

図 3



(エ) 濃度 3% の食塩水が 300 g と、濃度 6% の食塩水が 200 g と、濃度  $a$  % の食塩水が 850 g ある。この 3 つの食塩水をすべて混ぜ合わせたところ、濃度 11% の食塩水が 1350 g できた。

このとき、 $a$  の値として最も適するものを次の 1～8 の中から 1 つ選び、その番号を答えなさい。

1.  $a = 13$

2.  $a = 14$

3.  $a = 15$

4.  $a = 16$

5.  $a = 17$

6.  $a = 18$

7.  $a = 19$

8.  $a = 20$

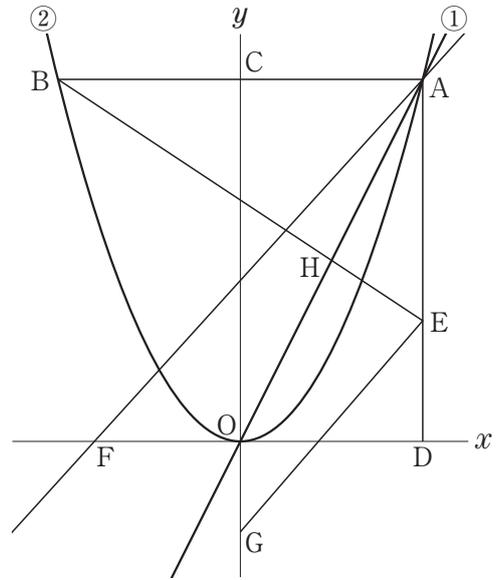
問4 右の図において、直線①は関数  $y=2x$  のグラフであり、曲線②は関数  $y=ax^2$  のグラフである。

点Aは直線①と曲線②との交点で、その  $x$  座標は4である。点Bは曲線②上の点で、線分ABは  $x$  軸に平行である。点Cは線分ABと  $y$  軸との交点である。

また、点Dは  $x$  軸上の点で、線分ADは  $y$  軸に平行である。点Eは線分AD上の点で、 $AE:ED=2:1$  である。

さらに、原点をOとすると、点Fは  $x$  軸上の点で、 $DO:OF=5:4$  であり、その  $x$  座標は負である。点Gは  $y$  軸上の点で、 $CO:OG=4:1$  であり、その  $y$  座標は負である。

このとき、次の問いに答えなさい。



(ア) 曲線②の式  $y=ax^2$  の  $a$  の値として正しいものを次の1～6の中から1つ選び、その番号を答えなさい。

1.  $a = \frac{1}{3}$

2.  $a = \frac{1}{2}$

3.  $a = \frac{2}{3}$

4.  $a = \frac{3}{4}$

5.  $a = \frac{3}{2}$

6.  $a = 2$

(イ) 直線AFの式を  $y=mx+n$  とするときの(i)  $m$  の値と、(ii)  $n$  の値として正しいものを、それぞれ次の1～6の中から1つずつ選び、その番号を答えなさい。

(i)  $m$  の値

1.  $m = \frac{9}{16}$

2.  $m = \frac{7}{8}$

3.  $m = \frac{9}{10}$

4.  $m = \frac{10}{9}$

5.  $m = \frac{8}{7}$

6.  $m = \frac{16}{9}$

(ii)  $n$  の値

1.  $n = \frac{25}{16}$

2.  $n = 2$

3.  $n = \frac{25}{12}$

4.  $n = \frac{8}{3}$

5.  $n = \frac{25}{9}$

6.  $n = \frac{32}{9}$

(ウ) 次の  の中の「き」「く」にあてはまる数字をそれぞれ0～9の中から1つずつ選び、その数字を答えなさい。

直線①と線分BEとの交点をHとする。四角形OGEHの面積をS、三角形AHEの面積をTとするとき、SとTの比を最も簡単な整数の比で表すと、 $S:T = \text{き} : \text{く}$  である。

問5 右の図1のように、円Oの周上に、円周を8等分する点A, B, C, D, E, F, G, Hがある。

また、図2のような3つの袋P, Q, Rがあり、それぞれの袋の中には次のように、文字が書かれたカードが1枚ずつ入っている。

それぞれの袋に入っているカード

・袋Pに入っているカード	…	A	B	C	D
・袋Qに入っているカード	…	D	E	F	
・袋Rに入っているカード	…	F	G	H	

これらの袋P, Q, Rからそれぞれ1枚ずつ、計3枚のカードを取り出し、それらのカードに書かれた文字と同じ文字の点を、円Oの周上にある8点から3点選ぶ。ただし、取り出したカードに、同じ文字が書かれたカードがある場合は、選ぶ点が2点となる。

いま、図2の状態、袋P, Q, Rからそれぞれ1枚ずつカードを取り出すとき、次の問いに答えなさい。ただし、袋P, Q, Rそれぞれについて、袋の中からどのカードが取り出されることも同様に確からしいものとする。

図1

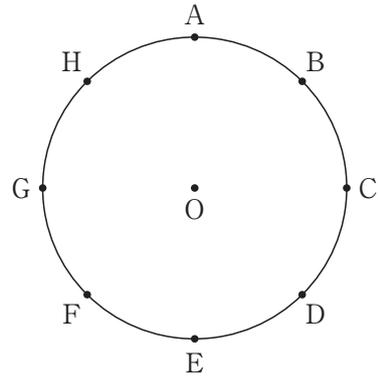
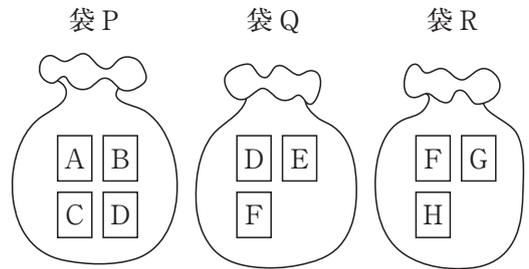


図2



(ア) 次の□の中の「け」「こ」「さ」にあてはまる数字をそれぞれ0～9の中から1つずつ選び、その数字を答えなさい。

選ぶ点が2点となる確率は  $\frac{\square{\text{け}}}{\square{\text{こ}}\square{\text{さ}}}$  である。

(イ) 次の□の中の「し」「す」「せ」にあてはまる数字をそれぞれ0～9の中から1つずつ選び、その数字を答えなさい。

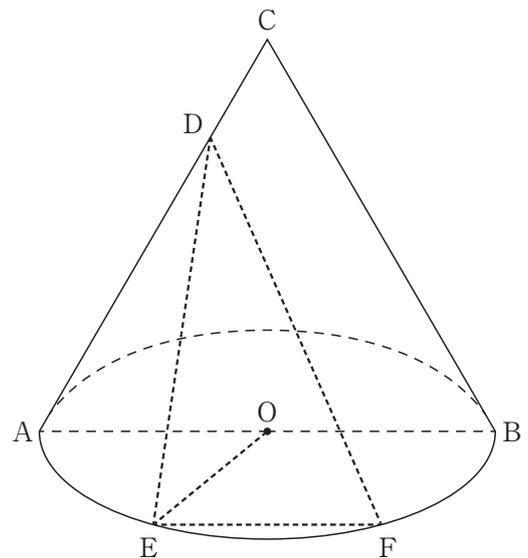
選んだ点を結んだとき、直角三角形ができる確率は  $\frac{\square{\text{し}}}{\square{\text{す}}\square{\text{せ}}}$  である。

問6 右の図は、線分 AB を直径とする円 O を底面とし、線分 AC を母線とする円すいである。

また、点 D は線分 AC 上の点で、 $AD : DC = 3 : 1$  であり、点 E は円 O の周上の点である。

さらに、点 F は円 O の周上の点で、 $AB \parallel EF$  である。

$AB = 4 \text{ cm}$ 、 $AC = 4 \text{ cm}$ 、 $\angle AOE = 60^\circ$  のとき、次の問いに答えなさい。ただし、円周率を  $\pi$  とする。



(ア) この円すいの側面積として正しいものを次の 1 ~ 6 の中から 1 つ選び、その番号を答えなさい。

- |                         |                         |
|-------------------------|-------------------------|
| 1. $6\pi \text{ cm}^2$  | 2. $8\pi \text{ cm}^2$  |
| 3. $10\pi \text{ cm}^2$ | 4. $12\pi \text{ cm}^2$ |
| 5. $14\pi \text{ cm}^2$ | 6. $16\pi \text{ cm}^2$ |

(イ) 次の  の中の「そ」「た」「ち」にあてはまる数字をそれぞれ 0 ~ 9 の中から 1 つずつ選び、その数字を答えなさい。

この円すいにおいて、3 点 D, E, F を結んでできる

三角形の面積は  $\frac{\sqrt{\text{そた}}}{\text{ち}} \text{ cm}^2$  である。

(問題は、これで終わりです。)



